北京谱仪BESIII上的T轻子 与量子色动力学实验研究

周小蓉

(中国科学技术大学 230026; 核探测与核电子学国家重点实验室 230026)

1. 引言

BEPCII/BESIII 自投入运行以来,取得了一系 列成果,截至2023年5月已发表学术论文500篇。 BESIII 物理研究分为五个方面,本文介绍其中的τ 轻子及量子色动力学实验研究(τ-QCD),主要内容 包括 tau 轻子相关物理研究、低能非微扰能区强相 互作用性质研究、强子产生截面精确测量、强子内 部结构探索、低能区新强子态寻找等。

2. ~ & QCD 组的取数回顾

BESIII实验于2009年正式运行。在此之前, 7 轻子质量测量和单举强子产生的R值测量作为第 一代和第二代BES实验的亮点工作, 对精确检验标 准模型和深入理解量子色动力学QCD起到了关键 作用, 反映出陶粲能区实验装置的独特性。 7质量 和R值测量亦是同年出版的BESIII物理黄皮书^{III}的 重要研究内容。

BESIII实验上的*t* & QCD物理组成立于2009 年,首轮取数是2011年为期9天的*t*轻子对产生阈 值扫描,2018年再次进行了为期20天的*t*轻子对产 生阈值扫描。2012年至2015年间BESIII实验进行 了为期三轮的*R*值取数,即2012年在质心能量为 2.2324至3.4 GeV区间4个能量点、2014年在类粲 偶素能区3.85至4.6 GeV区间108个能量点以及 2015年在低能区2.0至3.08 GeV区间22个能量点 的扫描数据。此外,还有2012年在*J*/*y*和2017年在 χ_{cl}峰值质量附近累积的扫描数据。τ & QCD组 的能量扫描数据覆盖了质心能量从2.0至4.6 GeV 的150多个能量点,成功的取数充分体现了BEPCII 的在大能量跨度下的束流调节能力。

利用这些数据, *t* & QCD 物理组不仅获得了世 界上最精确的*t*轻子质量和2.2至3.7 GeV 能区 *R*值 测量, 并且在重子电磁形状因子、轻味矢量介子、碎 裂函数、强和电磁相互作用相位等方面都产出了一 系列成果^[2], 以下将从这几个方面分别阐述 BESIII 上的*t* & QCD 物理的研究亮点。

3. 精确检验标准模型

标准模型被认为是描述基本粒子及其相互作 用最为成功的理论模型,在实验上得到了充分的检 验。但科学界普遍认为它不是终极模型。除了未 包含引力相互作用,无法完全解释宇宙中的正反物 质不对称和暗物质等现象外,标准模型还包含过多 需要实验输入的参数,这在一个基本理论中显得不 太"完美"。标准模型的输入参数包括6味夸克和3 代轻子的质量、Z中间矢量玻色子和Higgs玻色子 质量,描述三种相互作用的三个变量:电磁耦合常 数 α_{EM} 、强相互作用耦合常数 α_s 、费米常数 G_F ,和描述 夸克混合CKM矩阵的四个变量:三个混合角 θ_{12} , θ_{23} , θ_{13} 和一个相角 δ 。在这些参数中,BESIII通过精确 测量 τ 轻子质量,并通过测量单举强子产生R值对电 磁耦合常数 α_{EM} 和强相互作用耦合常数 α_s ,为标准模 型提供了重要输入。此外,还通过检验轻子普适性 和缪子反常磁矩等对标准模型开展精确检验,为新物理的寻找提供能量标度。

3.1 7 轻子质量测量

τ轻子质量是标准模型的基本参数之一,其精 确测量对于多个物理量的检验至关重要。标准模 型预言三代轻子弱带电流的耦合强度应相同,即轻 子普适性。通过测量τ轻子和μ轻子的的寿命比值, 可以提取耦合强度,这种耦合强度与轻子质量的五 次方成正比。然而,与μ轻子质量的精度为O(10⁻⁸) 相比,τ轻子质量的精度要差4至5个量级,因此高 精度的τ轻子质量的精度要差4至5个量级,因此高 精度的τ轻子质量的精度要差4至5个量级,因此高 精度的τ轻子质量测量对于检验轻子普适性至关重 要。另外两个重要因素是τ轻子的衰变几率及其寿 命精度。此外,τ轻子质量的测量对于计算τ轻子的 各种强子末态衰变几率以及在四动量转移在τ质量 处的强耦合常数的确定都具有重要意义。

实验上测量τ质量的方式分为两种,一种通过 阈值质量扫描方式测量,需要在r轻子对阈值附近 重建 $e^+e^- \rightarrow \tau^+\tau^-$ 过程,采用该方式的实验包括DEL-CO,BES,KEDR和BESIII等实验。2014年,BESIII 利用在4个能量点上收集的24 pb⁻¹数据,通过阈值 扫描方法,精确确定了r轻子质量,总误差为170 keV, 精度达到 O(10⁻⁴)。实验在 O(10⁻³) 精度下精确检验 了轻子普适性。该测量中系统误差和统计误差相 当,主要的系统误差来自能量测量系统及粒子鉴别 误判率的影响。新一轮的τ质量取数提高了10倍的 亮度,统计误差相较于上个实验降低三倍,并且更 新了能量测量系统,使相应系统误差降低,该测量 预期能够将τ质量的精度提高至近80 keV。另一种 测量τ轻子质量的方法为赝质量端点确定法,主要 是高能区运行的实验上使用,包括ARGUS,OPAL, BELLE,和BABAR等。这种方法通过假设中微子 质量为零,以及衰变末态中的中微子和强子系统的 夹角为零,利用探测器测量的强子体系的四动量计 算出的τ轻子"赝"质量。"赝"质量满足一定的谱形 分布,截断处即为tau轻子真实质量。最近,Belle II实 验利用超过1.75亿r轻子对事例,通过 $\tau \to \pi^- \pi^+ \pi^- v_\tau$ 过程,将τ轻子质量的误差降至140 keV,并且统计 误差已显著小于系统误差^[4]。主要的系统误差来源于 束流能量的确定以及末态带电粒子的动量修正项。

3.2 单举强子截面测量

R值是正负电子湮没产生强子与一对正负µ轻 子的领头阶截面之比,是粒子物理学中最重要的物 理量之一。精确的R值数据对缪子反常磁矩的理 论计算具有重要意义。理论上通过缪子与光子的 作用顶点计算缪子反常磁矩,其中强相互作用的贡 献最难计算,包括强真空极化和强光子-光子散射 两部分,而强真空极化对缪子反常磁矩的误差影响 最大。理论上强真空极化对缪子反常磁矩的贡献 主要来源于低能量区,即微扰计算不适用的能区, 只能采用色散积分的方法通过测量正负电子对湮 没到强子末态的截面作为输入来计算。在这些过 程中,主要贡献来自正负电子对湮没到 $\pi^+\pi^-$ 过程,其 次来源于 $\pi^+\pi^-\pi^0$ 、KK、4 π 过程。这些过程也构成了目 前缪子反常磁矩的主要误差来源。当 \sqrt{S} >2 GeV, 由于阈值的打开,强子末态过程更多,通过累加的 方式获取强子总截面已不现实。更为可靠的方式 是通过单举方式测量强子总截面,即R值的测量。 2021年费米实验室缪子反常磁矩的实验测量值和 理论计算值的差别达到约4.2倍标准偏差^[5],这暗示 着可能存在新物理的迹象。最近,费米实验室利用 了更多的统计量更新了缪子反常磁矩的实验结果, 与之前实验完美吻合,且实验误差达到了惊人的 0.2 ppm(即2×10⁻⁷)¹⁶,该高精度实验结果对理论计 算提出了挑战。

R值测量对缪子反常磁矩相关新物理机制的研究具有重要意义。此外,高精度的R值对跑动电动力学耦合常数的理论计算亦是不可缺少的输入参数,是精确检验标准模型的另一个重要途径。 BESIII实验在2021年发表了新的R值测量结果,在质心能量为2.2至3.671 GeV区间精确测量了14个能量点的R值结果,并最终给出3.1 GeV以下好于2.6%、在3.1 GeV以上好于3.0%的世界最高实验精 度^[7],如图1。值得一提的是,实验在充分完善现有 单举强子事例模拟模型的基础上,创造性地提出并 实现了充分利用已知遍举过程的强子事例混合产生 器。经过多轮迭代和完善,这两种强子模型均能重 现正负电子湮没产生强子的复杂物理过程,与实验 数据符合得很好,为后续其他单举产生过程的研究奠 定基础。此外,BESIII实验利用3.773 GeV 收集的 2.93 fb⁻¹数据,通过初态辐射方法测量了能量范围为 600~900 MeV 的 $e^+e^- \rightarrow \pi^+\pi^-$ 截面,总误差为0.9%^[8]。

理论上计算缪子反常磁矩仍需要更多的工作, 首先格点 OCD 和利用强子单举截面输入计算的强 真空极化贡献项存在显著差别,其次,不同实验测 量的强子截面存在的明显差异。如近期CMD3实 验得到的结果和之前结果有很大的差异¹⁹。目前, 多个实验仍在不断分析已有数据或通过更大统计 量研究关键过程 $e^+e^- \rightarrow \pi^+\pi^-$, 如 BaBar, KLOE, SND, BESIII和Belle II等。未来, BESIII将在多个 方面对缪子反常磁矩做出直接贡献:进一步在2.0 至4.6 GeV的大能区范围内精确测量R值,对激发 态粲偶素的质量宽度进行精确测量;利用在3.773 GeV 收集的 20 fb⁻¹数据,将 $e^+e^- \rightarrow \pi^+\pi^-$ 的截面测量 误差降至0.5%,厘清不同实验之间的差异,并以高 精度研究其他对强真空极化有贡献的强子末态过 程:在2.0 GeV 及更低能区通过累加所有可能的强 子过程的截面,与单举方式测量强子总截面结果相 比较,理解在该能区实验测量与微扰OCD预言的 差异。

4. 强子结构和强子谱研究

QCD理论是描述夸克和胶子间强相互作用的 理论,由于色禁闭效应,实验上无法观测到带色荷 的部分子,只能探测到色中性的强子。由于强子大 多形成在QCD的微扰展开不适用的低能区,对于 其结构的研究需要实验上关键的数据作为输入或 者检验众多有效理论或模型。BESIII实验利用低 能区R值的扫描数据,从多个角度对强子的性质开 展研究,包括强子碎裂函数、重子电磁形状因子和 轻味矢量介子谱的测量。

4.1 强子碎裂函数

碎裂函数描述了部分子的强子化过程,对其的 研究是理解强子产生机制的重要手段。碎裂函数 可以在多种实验方式中获得,如电子-质子深度非 弹散射实验、质子-质子对撞实验以及正负电子湮 没实验。其中,正负电子湮没实验中单举强子的产 生被认为是研究碎裂函数最干净的过程,其测量结 果能够作为其他两种实验的输入,用于提取部分子 分布函数等信息。

2016年,BESIII实验利用了在3.65 GeV获取的 数据通过重建π⁺π⁺X的过程,对于极化的夸克形成 强子的 Collins 效应进行了研究¹⁰⁰。实验在较大的 横动量和较大的能量组分发现了显著的方位角不对 称现象,该不对称正是 Collins 效应存在的必要条件。 实验结果体现了在夸克强子化过程中自旋的效应



图1 能量区间为2.2至3.7 GeV的R值(图片来自文献[7])

对于强子化过程不可忽略的影响。最近,BESIII实 验利用在低能区2.0到3.6 GeV的多个能量点的扫 描数据,开展了单举过程π⁰+X和K_s+X的研究,精确 测量了中性π介子和K介子单举产生微分截面^[11]。 实验最高精度达4%,为之前实验数据误差的五分 之一。这是实验上首次在低能区开展了强子的碎 裂过程的研究,填补了一直以来在低能区强子单举 产生的实验空白。理论上通过在高能区获取的正 负电子湮没的单举强子产生事例或深度非弹散射 实验提取的碎裂函数外推到低能区与实验结果进 行比对,发现了显著的不同,这一不同暗示在理解 低能区的强子化过程仍需要理论和实验的共同努 力。值得庆幸的是,该部分的实验家和理论家已经 形成了团队共同开发低能区碎裂函数的研究潜力。

4.2 电磁形状因子的测量

1961年,意大利理论学家Cabibbo和Gatto提出 了正负电子对湮没到自旋1/2重子对的产生截面, 可以用重子的电和磁形状因子分别描述。1972年, 在意大利的ADONE实验上首次通过正负电子湮没 实验测量了质子的电磁形状因子。在这之后,多个 实验,如DM2,FENICE,CLEO,CMD,SND,BaBar, Belle,BESIII等,都开展了电磁形状因子的实验测 量。通过正负电子对湮没到重子对过程研究电磁 形状因子,实验上有能量扫描和初态辐射两种方 式。BESIII实验是唯一可以结合两个研究方法的 实验装置,且BEPCII的运行能量覆盖了大多超子 对的产生阈值。因此,BESIII实验在研究重子电磁 形状因子上具有显著的优势。利用2015年获取的 扫描数据,BESIII实验在电磁形状因子的测量中取 得了一系列重要的实验成果。

4.2.1 精确的核子电磁形状因子

核子的电磁形状因子实验上有诸多测量,大多利 用电子-核子散射研究类空的电磁形状因子。1956 年美国物理学家霍夫斯塔特通过电子-质子的散射 首次确定了质子的半径。由于正负电子对撞技术在 1960年后才逐渐发展,因此关于类时电磁形状因子 测量晚于类空的实验结果。1972年,ANDONE实 验首次通过火花室重建了 $e^+e^- \rightarrow pp$ 过程,利用火花 室在21901张照片中找到了25个类信号事例。在 这之后的30年,实验也仅在DM1,DM2和FENICE 上收集了近200个信号事例,且能量区间较集中。 2005年和2013年BESII和BaBar实验收集了更多 的事例,特别是BaBar实验通过初态辐射方式将能 量区间从产生阈值扩展到3.0 GeV,并发现了质子对 产生阈值的截面反常值。2020年,BESIII实验利用 扫描数据获得了超过8万个 e⁺e⁻ → pp 信号事例^[12], 获得了世界上最高精度的质子对产生截面,并通过 角分布分析确定了电磁形状因子的绝对值,首次观 测到电磁形状因子比值的阻尼振荡。1998年, FENICE 实验首次测量了类时空间中子电磁形状 因子,实验结果表明光子-中子相互作用强于光子-质子相互作用,与夸克模型理论预期不符。然而, 由于中子难以探测,相关的实验测量比较匮乏,该 问题长期未能解决。2021年,BESIII实验通过能量 扫描方法,利用北京谱仪BESIII实验在质心能量 2.0~3.08 GeV的对撞数据,精确测量正负电子对湮 没到中子-反中子对过程的产生截面及有效电磁形 状因子^[13]。总的统计量达到FENICE实验的60倍 以上。实验结果清楚地表明光子与质子耦合更强, 解决了长期存在的光子-核子耦合问题。此外,实 验还在中子的电磁形状因子分布上观测到了周期 性振荡的结构,其振荡频率与质子相同,相位接近 正交。反常的正交振荡结构暗示着核子内部存在 未理解的动力学机制,可能的解释包括末态散射效 应以及共振结构干涉等。2023年,BESIII实验首次 在五个能量区间确定了中子的电磁形状因子比值, 确定了非零的中子电形状因子,并与多个唯象理论 进行比较[14]。

4.2.2 重子对阈值截面

通过对电磁形状因子的参数化,能够完全确定 正负电子对湮没到重子对的产生截面。理论上有很 多模型描述了电磁形状因子,包括ChEFT,VMD, Relativisite CQM, parton model和pQCD等。电磁 形状因子大多遵循偶极分布,不同的理论描述电磁 形状因子随能量的演化及极点位置的不同。考虑 了带电重子对的库伦修正后,正负电子对湮没到重 子对产生截面的谱形能够大体确定。对于带电重 子对,由于库伦修正,其阈值截面不为零,且在阈值 处截面随着相空间的增加不断递增,到速度为0.2c 至0.3c处再逐步降低:中性重子对阈值截面为零, 其余趋势与带电重子对类似。2018年,BESIII实验 在质心能量4.5745至4.5995 GeV 处测量了正负电 子对湮没到 Λ 重子对的玻恩截面,其精确的实验结 果显示阈值附近截面存在一个"平台区",观测到了 反常的阈值结构^[15]。最近,BESIII实验在更高的能 区内精确测量了∧重子对的玻恩截面^[16]。结果显示 该阈值结构仍然存在。但是Belle实验之前在4.63 GeV 附近 $\Lambda_c \overline{\Lambda}_c$ 截面谱上观测到的共振态消失了, 这在当时被认为是重子偶素态候选者^[17]。BESIII的 实验结果无疑将引领新一轮的理论讨论。另外, BESIII还在质心能量2.2324 GeV 处测量了正负电 子对湮没到∧重子对的玻恩截面[18],以及2.3094 GeV 处测量了ΛΣ⁰重子对的玻恩截面^[19],均观测到 中性重子对非零的阈值截面,亦与理论预期不符。 因此,在带电和中性重子对的阈值附近都观测到了 反常的截面增强效应。该实验结果在理论上引起 广泛的讨论,其解释包括末态相互作用、阈值附近 共振态效应、Sommerfeld因子进一步修正等。第三 种解释由该研究的合作者之一、意大利 INFN 研究 所的物理学家 Rinaldo Baldini Ferroli 提出,他认为 在库伦相互作用中需要考虑重子的非点状性,通过 在 Sommerfeld因子中引入强相互作用耦合,可以分 别解释实验上观测到的 Λ_c 和 Λ 重子对阈值附近反常 的截面增强效应。BESIII 对重子对产生截面系统 性的研究成果总结在图2中。

4.2.3 电磁形状因子相位测量

不同于电子-核子散射过程的共轭振幅和自身相同,正负电子湮没至重子对过程的共轭振幅和自身并不相同。因此类时空间的电磁形状因子具有复数性。电磁形状因子之间存在相对相位。非零的相位会造成末态重子的横向极化,该特性已在1961年 Cabibbo 的文章中提出,1996年 A.Z. Dubnickova具体给出极化率与相位的关系。实验上,通过测量末态重子的极化,联合角分布分析,可以完全确定电磁形状因子的大小和相位。对于核子极化的测量,需要专门测量极化的仪器,影响探测器的接收度。利用超子的弱衰变性质,上一级的极化信息会体现到末态粒子的角分布不对称度中,从而能够通过测量极化确定电磁形状因子的相位。反过来,该实验结果对于检验多种理论对电磁形状因子的演



图2 正负电子对湮没到重子对过程随重子相空间的产生截面(图片来自文献[20]并更新)

化的描述具有重要作用。2018年,BESIII实验在质 心能量为2.396 GeV收集数据,重建了 $e^+e^- \rightarrow \Lambda\overline{\Lambda}$ 过程,通过完整的角分布分析确定了电磁形状因子 比值及相角差^[21]。测量得到的非零相角差证实了 类时空间形状因子的复数特性,并且表明通过非极 化的正负电子束流可以产生极化的Λ。最近,该方 法应用到Σ⁺超子研究中^[22],并且在更大的四动量转 移区间测量了电磁形状因子相位的演化,提供了重 要的完整电磁形状因子的信息,为研究超子的动力 学演化机制提供重要参考。

总之,BESIII分别在电磁形状因子的精确测量, 阈值产生截面的系统研究,以及电磁形状因子相位 的测量三个方面做出了重要的贡献,刷新了类时空 间电磁形状因子的图像。接下来 BESIII 实验还会 利用有限的数据,进一步深度开展重子电子形状因 子的实验研究,充分挖掘其中蕴藏的物理意义。

4.3 轻味矢量介子研究

利用在低能区扫描的数据,BESIII实验对轻味 矢量介子进行了系统性的研究。轻味矢量介子是 指由u、d、s夸克组成的ρ、ω或φ激发态。由于它们 形成在相对论极限下,普通的势模型很难计算其谱 形,这也造成分析23 GeV能区共振态的复杂性。 其中备受关注的是φ(2170)粒子,或者称为Y(2170), 它首次在BaBar实验中发现。 (2170) 是含有 ss 夸 克成分的共振态.但由于其质量靠近Δ√阈值并目 与理论预言的3D或2S态不符,关于它的内部成分 一直存在争论,理论上的解释包括混杂态,四夸克 态或者 $\Lambda\overline{\Lambda}$ 分子态等。BESIII实验通过正负电子对 湮没到轻强子末态过程的截面测量对6(2170)的性 质讲行了系统性的研究。2019年,BESIII在K*K~ 谱中看到了显著的共振态信号[23],但是由于同位旋 的不确定性,不能确定该粒子是φ(2170)还是ρ (2170)。2020年,通过对K⁺K⁻π⁰π⁰的分波分析^[24],提 取了中间共振态的谱形,并确定了 (2170) 衰变到 K(1460)K, K₁(1400)K, K₁(1270)K和K*K*的分宽度, 厘清多个对¢(2170)的模型解释。进一步地,BESIII 实验分析了 $\phi_{\eta}('), KK\pi$ 等过程,对 $\phi(2170)$ 的性质和 衰变机制有了充分的了解。此外, BESIII上还通 过分析 $\omega n(1), \omega \pi \pi, \pi^{+} \pi^{-} \pi^{0}$ 等过程对 ω^{*} 进行了性质研 究,以及通过 $\omega\pi^{-}$, $\eta(')\pi\pi$ 对 ρ^{*} 进行研究。图3总结了 BESIII利用多个过程对轻味矢量介子态共振参数 测量的结果。

4.4 两个专门的扫描数据

除了BESIII上的τ轻子质量扫描和R值扫描数据,τ&QCD组另有两个更专门的扫描样本,以进行特定的物理课题分析研究。



图3 BESIII上低能区各种轻强子谱中发现的轻味矢量介子共振态参数

北京谱仪III合作组发表500篇论文考题

4.4.1 粲偶素衰变中电磁和强相互作用的衰变 相位差

在共振态峰值附近强子的产生有三种作用方 式:直接通过虚光子的电磁耦合, J/ψ 的电磁衰变, 及 J/ψ 的强相互作用衰变,三种振幅之间存在相干 效应。一般认为两种电磁相互作用的相位相同,这 一点也在研究 $e^+e^- \rightarrow \mu^+\mu^-$ 的谱形研究中被证实。实 验上更关注的是电磁和强相互作用的衰变相位 差。该相位差对不同的末态,如矢量介子+赝标介 子过程,重子-反重子对过程,赝标介子+赝标介子 过程等是不同的?还是相同的?2019年BESIII通 过16个能量点的扫描数据,对 $\eta\pi\pi$ 和5 π 的谱形进行 了研究,并提取出相应的相位角^[25]。2021年,针对 衰变相位差研究, $\tau \&$ QCD组成立了研究专题小 组,利用这批独特的数据开展更多的相位差研究, 如 $\phi\eta$,*KK*, *BB*等过程。

4.4.2 正负电子对湮没到轴矢量粲偶素的直接 产生

物理上,对于e⁺e⁻直接湮没到电荷共轭(C)宇称 为正的过程需要通过双光子圈图或更多虚光子交 换进行产生,相较于C 宇称为负的过程被严重压 低。然而由于该过程对强子作为夸克-反夸克束缚 态的理解有关键作用,实验上从未停止过寻找此类 稀有过程,包括对 $e^+e^- \rightarrow f_1(1285), e^+e^- \rightarrow \chi_{c1}, e^+e^- \rightarrow$ X(3872)等。由于背景远大于信号,一直没有观测到 该C宇称为正过程的显著信号。BESIII实验另辟 蹊径,通过探索信号过程 $e^+e^- \rightarrow \chi_{c1} \rightarrow \gamma J/\psi \rightarrow \gamma \mu^+ \mu^-$ 和 背景过程e⁺e⁻→y_{ISR}μ⁺μ⁻的干涉^[26],观测到5.1倍显著 度的信号过程,见图4。实验首次确定了χ。的电子 道分宽度,比矢量态粒子的电子分宽度小4个数量 级,符合理论上的预期。该过程的顺利观测为进一 步研究非矢量粒子的产生和谱形奠定重要基础,也 充分展示了基于高亮度正负电子对撞机对于稀有 粒子的寻找和探索能力。

5.总结

BESIII实验作为研究非微扰量子色动力学的



独特平台,在低能区 QCD 研究中取得了一系列重 要进展。不仅赓续传承 BES 和 BESII 的物理研究, 精确测量了 T轻子质量和 R值,还首次测量了低能区 极化和非极化的强子碎裂函数、精确测量类了时空 间重子电磁形状因子、系统研究了轻味矢量介子的 性质、研究了矢量粲偶素衰变中的电磁和强相互作 用相位、首次发现了正负电子湮没直接到轴矢量 介子的过程。实验发表了 40 多篇论文到高水平国 际期刊,包括 10篇 Physics Review Letter,以及 1篇 Nature Physics 封面文章,总引用超过 1500次。在 此能区仍有大量的丰富的物理有待挖掘,未来将会 进一步优化取数计划,对低能区 QCD 物理展开充 分细致的研究。

致谢

感谢黄光顺、鄢文标和夏磊在文章写作过程中给予的帮助,感谢王维平和雷天天在绘图中的帮助。

参考文献

- D. M. Asner, *et al.* "Physics at BES-III," Int. J. Mod. Phys. A 24, S1-794 (2009)
- [2] M. Ablikim *et al.* [BESIII], "Future Physics Programme of BE-SIII," Chin. Phys. C 44, no.4, 040001 (2020)
- [3] M. Ablikim *et al.* [BESIII], "Precision measurement of the mass of the τ lepton," Phys. Rev. D 90, no.1, 012001 (2014)
- [4] I. Adachi et al. [Belle-II], "Measurement of the 7-lepton mass with

现代物理知识

the Belle II experiment," Phys. Rev. D 108, no.3, 032006 (2023)

- [5] B. Abi *et al.* [Muon g-2], "Measurement of the Positive Muon Anomalous Magnetic Moment to 0.46 ppm," Phys. Rev. Lett. 126, no.14, 141801 (2021)
- [6] D. P. Aguillard *et al.* [Muon g-2], "Measurement of the Positive Muon Anomalous Magnetic Moment to 0.20 ppm," [arXiv: 2308.06230 [hepex]].
- [7] M. Ablikim *et al.* [BESIII], "Measurement of the Cross Section for e⁺e⁻ →Hadrons at Energies from 2.2324 to 3.6710 GeV," Phys. Rev. Lett. 128, no.6, 062004 (2022)
- [8] M. Ablikim *et al.* [BESIII], "Measurement of the e⁺e⁻ → π⁺π⁻ cross section between 600 and 900 MeV using initial state radiation," Phys. Lett. B 753, 629-638 (2016) [erratum: Phys. Lett. B 812, 135982 (2021)]
- [9] F. V. Ignatov *et al.* [CMD-3], "Measurement of the e⁺e⁻ → π⁺π⁻ cross section from threshold to 1.2 GeV with the CMD-3 detector," [arXiv:2302.08834 [hep-ex]].
- [10] M. Ablikim *et al.* [BESIII], "Measurement of azimuthal asymmetries in inclusive charged dipion production in e^+e^- annihilations at \sqrt{s} =3.65 GeV," Phys. Rev. Lett. 116, no.4, 042001 (2016)
- [11] M. Ablikim *et al.* [BESIII], "Measurements of Normalized Differential Cross Sections of Inclusive π0 and KS0 Production in e⁺e⁻ Annihilation at Energies from 2.2324 to 3.6710 GeV," Phys. Rev. Lett. 130, no.23, 231901 (2023)
- [12] M. Ablikim *et al.* [BESIII], "Measurement of proton electromagnetic form factors in e⁺e⁻ → pp in the energy region 2.00 - 3.08 GeV," Phys. Rev. Lett. 124, no.4, 042001 (2020)
- [13] M. Ablikim *et al.* [BESIII], "Oscillating features in the electromagnetic structure of the neutron," Nature Phys. 17, no.11, 1200-1204 (2021)
- [14] M. Ablikim *et al.* [BESIII], "Measurements of the Electric and Magnetic Form Factors of the Neutron for Timelike Momentum Transfer," Phys. Rev. Lett. 130, no.15, 151905 (2023)
- [15] M. Ablikim *et al.* [BESIII], "Precision measurement of the e⁺e⁻ → Λ_c⁺Λ_c⁻ cross section near threshold," Phys. Rev. Lett. 120, no.13, 132001 (2018)
- [16] M. Ablikim *et al.* [BESIII], "Measurement of the Energy-Dependent Electromagnetic Form Factors of a Charmed Baryon," [arXiv:2307.07316 [hep-ex]].
- [17] G. Pakhlova et al. [Belle], "Observation of a near-threshold en-

hancement in the e⁺e⁻ —> Lambda+(c) Lambda-(c) cross section using initial-state radiation," Phys. Rev. Lett. 101, 172001 (2008)

- [18] M. Ablikim *et al.* [BESIII], "Observation of a cross-section enhancement near mass threshold in e⁺e⁻ → ΛΛ," Phys. Rev. D 97, no.3, 032013 (2018)
- [19] M. Ablikim *et al.* [BESIII], "Measurement of the $e^+e^- \rightarrow \Lambda \overline{\Sigma}^0 + c.c.$ cross sections at \sqrt{s} from 2.3094 to 3.0800 GeV," [arXiv: 2308.03361 [hep-ex]].
- [20] G. Huang *et al.* [BESIII], "Probing the internal structure of baryons," Natl. Sci. Rev. 8, no.11, nwab187 (2021)
- [21] M. Ablikim *et al.* [BESIII], "Complete Measurement of the Λ Electromagnetic Form Factors," Phys. Rev. Lett. 123, no.12, 122003 (2019)
- [22] M. Ablikim *et al.* [BESIII], "Complete determination of Σ⁺ electromagnetic form factors via e⁺e⁻ → Σ⁺Σ⁻," [arXiv:2307.15894 [hep-ex]].
- [23] M. Ablikim *et al.* [BESIII], "Measurement of $e^+e^- \rightarrow K^+K^-$ cross section at $\sqrt{s} = 2.00 3.08$ GeV," Phys. Rev. D 99, no.3, 032001 (2019)
- [24] M. Ablikim *et al.* [BESIII], "Observation of a Resonant Structure in $e^+e^- \rightarrow K^+K^-\pi^0\pi^0$," Phys. Rev. Lett. 124, no.11, 112001 (2020)
- [25] M. Ablikim *et al.* [BESIII], "Measurement of the phase between strong and electromagnetic amplitudes of *J/ψ* decays," Phys. Lett. B 791, 375-384 (2019)
- [26] M. Ablikim *et al.* [BESIII], "First Observation of the Direct Production of the x_{e1} in e⁺e⁻ Annihilation," Phys. Rev. Lett. 129, no.12, 12 (2022)

